

Nguyễn Gia Bảo

## RETRIEVAL SYSTEMS VỚI CÁC ĐƠN NGỮ LÀ CÁC TERM VÀ FORMULA MỞ RỘNG

Trong [1], người ta đã xem xét tối thiểu hóa cấu trúc các Retrieval systems  $S = [X, Y, \sigma_T]$ ,  $\delta \in TREE$ ,  $\sigma_T : X \rightarrow 2^Y$  là hàm kết quả của cây  $T$ . hư vậy lớp  $\{S = [X, Y, \sigma_T] / T \in TREE\}$  là lớp con của lớp các Retrieval systems mà SALTON đã định nghĩa trong [1]. Trong kết quả chúng tôi muốn nghiên cứu một số tính chất của các Retrieval systems tổng quát trên cơ sở các khái niệm về "Term" và "Formula" của W. Lipski và M. Marek trong [2].

### 1. KHÁI NIỆM VỀ TERM VÀ FORMULA MỞ RỘNG

Điều kiện  $X$  là tập không rỗng của các phần tử nào đó.

$$C_X := \{x \in X, f, \omega, F, W, \sim, +, \cdot, \longrightarrow, \longleftrightarrow, ], \vee, \wedge, \implies, \iff, \forall, \exists, =\}$$

Gọi là Alphabet của  $X$ . Các Term và Formula được định nghĩa trên bằng  $C_X$ .

**Định nghĩa 1 (Term)**

- 1. Mọi  $x \in X$  gọi là một term.
  - 2. Ký hiệu  $f, \omega$  là các term.
  - 3. Nếu  $t, t_1, t_2$  là các term thì  $\sim t, t_1 + t_2, t_1 - t_2, t_1 \longrightarrow t_2$  và  $t_1 \longleftrightarrow t_2$  cũng là các term.
- Giả sử  $t$  là term định nghĩa như trên ta ký hiệu qua TERM.

**Định nghĩa 2 (Formula)**

- 1. Các ký hiệu  $F, W$  là các formula.
- 2. Nếu  $t_1, t_2 \in TERM$  thì  $(t_1 = t_2)$  là formula.
- 3. Nếu  $H, H_1, H_2$  là các formula thì dãy các ký hiệu  $(\lvert H), (H_1 \wedge H_2), (H_1 \vee H_2), (H_1 \implies H_2), \forall x H, \exists x H$  cũng là các formula.

Giả sử  $t$  là term định nghĩa như trên ký hiệu qua TERM. Với tập  $X \neq \emptyset$  như trên, ta lấy thêm  $Y \neq \emptyset$  sao cho  $X \cap Y = \emptyset$ . Với cặp  $[X, Y]$  ta gọi bộ ba  $S = [X, Y, \sigma]$ , trong đó  $\sigma : X \rightarrow 2^Y$ , là retrievaysystem. Tập các Retrievaysystem định nghĩa như trên là  $S[X, Y]$ . Hay

$$S[X, Y] = \{S = [X, Y, \sigma] / \sigma : X \rightarrow 2^Y\}.$$

Điều kiện  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  và  $t \in TERM$  ta định nghĩa giá trị  $val(t, S)$  như sau

**Định nghĩa 3**

- 1.  $val(f, S) = \phi$  (tập rỗng).
- 2.  $val(\omega, S) = Y$ .
- 3.  $val(x, S) = \sigma(x) \quad \forall x \in X$ .

4.  $\text{val}(\sim t, S) = Y \setminus \text{val}(t, S)$ .
5.  $\text{val}(t_1 + t_2, S) = \text{val}(t_1, S) \cup \text{val}(t_2, S)$ .
6.  $\text{val}(t_1 \cdot t_2, S) = \text{val}(t_1, S) \cap \text{val}(t_2, S)$ .
7.  $\text{val}(t_1 \rightarrow t_2, S) = \text{val}(\sim t_1, S) \cup \text{val}(t_2, S)$ .
8.  $\text{val}(t_1 \longleftrightarrow t_2, S) = (\text{val}(\sim t_1, S) \cup \text{val}(t_2, S)) \cap (\text{val}(\sim t_2, S) \cup \text{val}(t_1, S))$ .

Giả sử  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  và  $H \in \text{FORM}$  ta định nghĩa giá trị  $VAL(H, S)$  như

#### Dịnh nghĩa 4

1.  $VAL(F, S) = 0$  (sai)
2.  $VAL(W, S) = 1$  (đúng)
3.  $VAL(t_1 = t_2, S) = \begin{cases} 1, & \text{nếu } \text{val}(t_1, S) = \text{val}(t_2, S) \\ 0, & \text{còn lại} \end{cases}$
4.  $VAL(\top H, S) = \begin{cases} 1, & \text{nếu } VAL(H, S) = 0 \\ 0, & \text{nếu } VAL(H, S) = 1 \end{cases}$
5.  $VAL(H_1 \wedge H_2, S) = \begin{cases} 1, & \text{nếu } VAL(H_1, S) = VAL(H_2, S) = 1 \\ 0, & \text{nếu ngược lại} \end{cases}$
6.  $VAL(H_1 \vee H_2, S) = \begin{cases} 1, & \text{nếu } VAL(H_1, S) = 1 \text{ hoặc } VAL(H_2, S) = 1 \\ 0, & \text{nếu } VAL(H_1, S) = VAL(H_2, S) = 0 \end{cases}$
7.  $VAL(H_1 \Rightarrow H_2, S) = \begin{cases} 1, & \text{nếu } VAL(H_1, S) = 0 \text{ hoặc } VAL(H_2, S) = 1 \\ 0, & \text{ngược lại} \end{cases}$
8.  $VAL(H_1 \Longleftrightarrow H_2, S) = \begin{cases} 1, & \text{nếu } VAL(H_1, S) = VAL(H_2, S) \\ 0, & \text{ngược lại} \end{cases}$
9.  $VAL(\forall x H, S) = \text{Om}(\{VAL(H, S') / S' \in S[X, Y] \text{ và } \text{val}(x', S') = \text{val}(x', S) \ \forall x' \in x\})$
10.  $VAL(\exists x H, S) = \text{eX}(\{VAL(H, S') / S' \in S[X, Y] \text{ và } \text{val}(x', S') = \text{val}(x', S) \ \forall x' \in x\})$

Ở đây  $\text{Om}$  và  $\text{eX}$  được định nghĩa qua bảng dưới:

	$\text{Om}$	$\text{eX}$
$\{1\}$	$1$	$1$
$\{0\}$	$0$	$0$
$\{0, 1\}$	$0$	$1$

Bây giờ ta đưa vào khái niệm tương đương giữa các term cũng như sự tương đương các formula như sau

#### Dịnh nghĩa 5

1. Hai Term  $t_1, t_2 \in TER$  là tương đương với nhau khi và chỉ khi  $\text{val}(t_1, S) = \text{val}(t_2, S)$  với mọi  $S = S[X, Y]$  (ký hiệu  $t_1 \underset{S}{\sim} t_2$ ).
2. Hai formula  $H_1, H_2 \in \text{FORM}$  là tương đương với nhau (ký hiệu  $H_1 \underset{S}{\sim} H_2$ ) khi và chỉ khi  $VAL(H_1, S) = VAL(H_2, S) \ \forall S \in S[X, Y]$ .

ràng quan hệ  $\tilde{T}$  ( $\tilde{F}$ ) cho ta một phân hoạch tương đương  $TERM / \tilde{T}$  ( $FORM / \tilde{F}$ ) trên  $(FORM)$ .

nh lý 1

$TERM / \tilde{T}$  (cũng như tập  $FORM / \tilde{F}$ ) là đại số bun.

ng minh: Kiểm tra lại các tính chất của đại số bun.

ng định lý trên đối với  $TERM / \tilde{T}$  phần tử 0 là " $f$ " còn phần tử đơn vị là " $w$ ". Đối với  $\tilde{F}$ , " $F$ " là phần tử 0 còn " $W$ " là phần tử đơn vị.

## 2. TẬP MÔ TẢ ĐƯỢC TRONG RETRIEVALSYSTEM VÀ RETRIEVALSYSTEM-CHON

nh nghĩa 6

số  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  và  $A \subseteq Y$ . Tập  $A$  gọi là mô tả được trong  $S$  khi và chỉ khi có  $t \in TERM$  sao cho  $val(t, S) = A$ .

gọi  $A^S = \{A / A \subseteq Y, \exists t \in TERM \text{ mà } val(t, S) = A\}$  là tập tất cả các tập mô tả được

nh lý 2

mỗi  $S \in S[X, Y]$  thì

$A_Y^S$  là tập không rỗng.

$A_Y^S$  đóng đối với các phép toán lấy phần bù, giao và hợp các tập hợp.

$A_Y^S / T$  là một đại số bun, với phần tử 0 là  $\phi$ , phần tử đơn vị là  $Y$ .

ng minh: Dựa vào định nghĩa.

nh nghĩa 7

số  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$

gi là hệ chọn khi và chỉ khi với mỗi  $y \in Y$  có tồn tại  $t \in TERM$  sao cho  $val(t, S) = \{y\}$ .

nh lý 3

$[X, Y, \sigma]$  là một hệ chọn khi và chỉ khi với mỗi tập con bất kỳ trong  $Y$  đều là tập mô tả  $S$ .

ng minh: Dựa vào định nghĩa hệ chọn và term.

nh lý 4

số  $t_1, t_2 \in TERM$  và  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  là hệ chọn.  $val(t_1, S) \subseteq val(t_2, S)$  khi và

đó tại  $t \in TERM$  sao cho  $val(t_1 + t, S) = val(t_2, S)$ .

ng minh: Dễ dàng suy từ định nghĩa.

## 3. KHÁI NIỆM VỀ RETRIEVALSYSTEMS BỘ PHẬN

nh nghĩa 8

$[x', Y', \sigma']$  được gọi là Retrievalsystem bộ phận của  $S = [X, Y, \sigma]$  (ký hiệu  $s' \subset S$ ) nếu

và các điều kiện sau đây thỏa mãn

$x' \subseteq X$

$x' \subseteq Y$

3. Với mỗi  $x \in X'$  ta có  $\delta'(x) = \delta(x) \cap Y'$

#### Định nghĩa 9

Giả sử  $S = [X, Y, \sigma]$  và  $S' = [x', Y', \sigma']$  là các Retrievalsystems.

1.  $S \overset{X}{\subset} S'$  khi và chỉ khi  $S \subset S'$  và  $X = X'$

2.  $S \underset{Y}{\subset} S'$  khi và chỉ khi  $S \subset S'$  và  $Y = Y'$

Đã ràng suy ra kết quả sau

#### Định lý 5

1. Nếu  $S \subset S'$  thì với mọi  $t \in TERM$  ta luôn có

$$val(t, S) = val(t, S') \cap Y.$$

2. Nếu  $S \underset{Y}{\subset} S'$  thì với mọi  $H \in FORM$  ta luôn có

$$VAL(H, S) = VAL(H, S').$$

#### Định lý 6

Giả sử  $S = [X, Y, \sigma]$  và  $S' = [x', Y', \sigma']$  là hai Retrievalsystems. Nếu  $S \subset S'$  thì sẽ tồn tại hai Retrievalsystems  $S_1 = [X_1, Y_1, \sigma_1]$  và  $S_2 = [X_2, Y_2, \sigma_2]$  sao cho các điều kiện sau được thỏa mãn:

1.  $S \underset{Y}{\subset} S_1 \overset{X}{\subset} S'$

2.  $S \overset{X}{\subset} S_2 \underset{Y}{\subset} S'$

#### Định lý 7

Giả sử  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$ .

Nếu  $B = \{B_1, B_2, \dots, B_m\} \in 2^Y$  thì tồn tại một Retrievalsystem  $S' = [X', Y', \sigma']$  thỏa mãn hai điều kiện sau

1.  $S \underset{Y}{\subset} S'$

2.  $B \subseteq M_{Y'}$

và rõ ràng với  $S$  cho trước, ta xây dựng được

$S' = [x', Y', \sigma']$  sao cho  $S \underset{Y}{\subset} S'$ , ở đây  $X' = TERM / T$ ,  $Y' = Y$ , và  $\sigma' = \sigma_S$ .

## 4. KHÁI NIỆM VỀ TỔNG CỦA CÁC RETRIEVALSYSTEM

Giả sử  $S_i = [X_i, Y_i, \sigma_i]$  là Retrievalsystems trên  $[X_i, Y_i]$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ). Ta giả thiết  $X_i \cap \phi$  ( $i \neq j$ ).

Ta gọi hệ  $\bigoplus_{i=1}^n S_i = [X, Y, \sigma]$  là tổng của các hệ  $S_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ), trên bộ  $[X, Y]$  nếu:

$$X = \bigcup_{i=1}^n X_i; \quad Y = \bigcup_{i=1}^n Y_i \text{ và } \forall x \in X \text{ ta có:}$$

$$\sigma(x) = \begin{cases} \sigma_1(x), & \text{nếu } x \in X_1 \\ \vdots \\ \sigma_n(x), & \text{nếu } x \in X_n \end{cases}$$

đó ràng suy ra kết quả sau

### Dịnh lý 8

Với mỗi  $j \in \{1, 2, \dots, n\}$  ta luôn có  $S_j \subset \bigoplus_{i=1}^n S_i$

Nếu  $Y_1 = Y_2 = \dots = Y_n = Y$  thì

$$\bigoplus_{i=1}^n S_i = \bigcup_{i=1}^n A_Y^{S_i}$$

Nếu  $S_i (i = 1, 2, \dots, n)$  là hệ chọn thì  $\bigoplus_{i=1}^n S_i$  cũng là hệ chọn.

## 5. KHÁI NIỆM VỀ TÍCH MÔ TẢ ĐƯỢC

### VÀ TÍNH ĐỘC LẬP CỦA NÓ TRONG RETRIEVAL SYSTEM

Giả sử  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$ . Ta đặt

$$B^S = \{T/t \in TERM, \exists A \subseteq Y \text{ sao cho } val(t, S) = A\}.$$

### Dịnh nghĩa 10

Giả sử  $t \in TERM$ .  $t$  được gọi là tích mô tả được trong  $S = [X, Y, \sigma]$  nếu  $t$  có dạng:  $t_1 \cdot t_2 \cdot \dots \cdot t_m$ , trong đó  $t_i \in B^S$ ,  $\epsilon_i \in \{0, 1\}$ ,  $t_i^{\epsilon_i} = t_i$  nếu  $\epsilon_i = 1$  còn  $t_i^{\epsilon_i} = \sim t_i$  nếu  $\epsilon_i = 0$  và  $= m$ .

### Dịnh nghĩa 11

Giả sử  $t = t_1^{\epsilon_1} \cdot t_2^{\epsilon_2} \dots T_m^{\epsilon_m}$  và  $t' = t_1^{\epsilon'_1} \cdot t_2^{\epsilon'_2} \dots T_m^{\epsilon'_m}$  là hai tích mô tả được trong  $S = [X, Y, \sigma]$ .  $t$  và  $t'$  là phân biệt được với  $t'$  (ký hiệu  $t \neq t'$ ) nếu có tồn tại chỉ số  $i_0 \in \{1, 2, \dots, m\}$  sao cho  $\epsilon_{i_0} \neq \epsilon'_{i_0}$ .

### Dịnh nghĩa 12

Giả sử  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  và  $t, t' \in TERM$ . Ta nói  $t$  và  $t'$  là độc lập với nhau trong  $S$  là chỉ nếu  $val(t, S) \cap val(t', S) = \emptyset$ .

### Dịnh lý 9

Với mỗi  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  ta có

$$\bigcup_{t \in B^S} val(t, S) = Y$$

Nếu  $t$  và  $t'$  là hai tích mô tả được trong  $S$  và  $t_1 \neq t_2$  thì  $t$  và  $t'$  là độc lập với nhau trong  $S$ .

Chứng minh: 1. Suy từ tập  $B^S$  là đại số ban. 2. Suy từ định nghĩa.

Thứ trên chúng ta đã biết: với mỗi  $S = [X, Y, \sigma]$  cho ta xác định một tập

$$B^S = \{t/t \in TERM, \exists A \subseteq Y \text{ sao cho } val(t, S) = A\},$$

$1 \leq |A| \leq Y$ . Trường hợp đặc biệt khi  $|A| = 1$  thì ta đặt

$$B_0^S = \{t/t \in TERM, \exists y \subseteq Y \text{ sao cho } val(t, S) = \{y\}\}$$

là tập nhán của  $S$ . Rõ ràng  $B_0^S \subseteq B^S$  với mọi  $S \in S[X, Y]$ .

Về tập nhân để ràng chứng minh kết quả sau đây

**Định lý 10**

Với mỗi  $S = [X, Y, \sigma] \in S[X, Y]$  ta có

1. Tập  $B_0^S$  là duy nhất.

2. Nếu  $S$  là hệ chọn thì  $t \in B^S$  khi và chỉ khi  $t = \sum_{j \in I} t_j$ , ở đây  $|I| \leq |B_0^S|$  và  $t_j \in B_0^S$ .

## TÀI LIỆU THAM KHẢO

1. Salton G., Automatic information organization and Retrieval. New York 1969 (Mc Gras Book Company).
2. Lipski W. and Marek W., On information storage and retrieval systems. CCPAS rep 200, Warsaw (1975).
3. Thiele H., On a graph-theoretic realization of retrieval systems. F.N.S.E.T., Cachan, 1-4-8, Juillet 1977.
4. Đỗ Đức Giáo, Tạp chí Khoa học, ĐHTH Hà Nội, N. 4, 1986.
5. Đỗ Đức Giáo, Tạp chí Khoa học, ĐHTH Hà Nội, N. 4, 1987.

*Do Duc Giao*

## RETRIEVAL SYSTEMS WITH THE LANGUAGES IN PUT ARE TERM AND FORMULAS ENLAGE

In the paper [4] we have developed a graph theoretic realization of retrieval systems defined by [1].

In this paper we present a mathematical foundations of retrieval systems - based on some ideas in [2].

*Bộ môn Tin học - ĐHTH Hà Nội*