

# NG TỬ HÓA TỐI THIỂU HÌNH PHÁ VỠ ĐỐI XỨNG HẠT HIGGS

hình phá vỡ đối xứng tự phát Higgs đã có vai trò quan trọng để xây dựng các lý thuyết chuẩn hóa được [1]. Tuy nhiên việc lượng tử hóa chính tắc mô hình này và giải thích các hạt boson Goldstone trong lý thuyết chuẩn đến nay vẫn còn là những vấn đề thời cấp [2, 3] cần được tiếp tục nghiên cứu. Trong bài báo này chúng tôi tiến hành nghiên cứu vấn đề trên trong khuôn khổ của phương pháp lượng tử hóa tối thiểu [4, 5] cho một đơn giản Abeli Higgs cùng với Lagrangian [6]

$$L(x) = -\frac{1}{4}F_{\mu\nu}^2 + (D_\mu\phi)^* D_\mu\phi - V(|\phi|^2) \quad (1)$$

$|\phi|^2$  là một hàm số nào đấy có dạng đa thức của hàm trường  $\phi$  (và không chứa đạo hàm). Thế  $V(|\phi|^2)$  và Lagrangian (1) là bất biến đối với nhóm biến đổi định xứ:

$$\begin{aligned} \hat{A}_\mu(x) &\longrightarrow \hat{A}'_\mu(x) = g(\hat{A}_\mu + \partial_\mu)g^{-1}, \\ \phi(x) &\longrightarrow \phi'(x) = g\phi(x), \quad g(x) = \exp\{i\lambda(\vec{x}, t)\}. \end{aligned} \quad (2)$$

phương pháp đã được trình bày [7] chúng ta chọn các biến số bất biến chuẩn  $A^T$ ;  $\phi^T$ :

$$\begin{aligned} \hat{A}'_i^T(x) &= V(\hat{A}_i + \partial_i)V^{-1}, \\ \phi^T &= V\phi, \quad V(A) = T \exp\left[\int_0^1 dt' \frac{1}{\partial^2} \partial_i \partial_0 A_i\right]; \end{aligned} \quad (3)$$

in (3) trong trường hợp này là các biến ngang và không phụ thuộc vào  $g(\vec{x}, t)$ . Biểu diễn in (1) qua các biến ngang (3) ta được

$$L(x) = \frac{1}{2}F_{0i}^2(A^T) - \frac{1}{4}F_{ij}^2(A^T) + (D_\mu^T\phi^T)^* D^{\mu T}\phi^T - V(|\phi|^2) \quad (4)$$

$$F_{0i}(A^T) = \dot{A}_i^T - \partial_i A_0^T, \quad A_0^T = \frac{1}{\partial^2} J_0^T \quad (5)$$

g đó  $J_0^T$  được xác định bằng công thức

$$J_0^T = ie[\phi^{T*} D_0^T\phi^T - (D_0^T\phi^T)^*\phi^T]$$

or năng xung lượng Belinfante hệ các trường này có dạng

$$T_{\mu\nu} = F_{\mu\nu}(A^T)F_{\mu\nu}(A^T) + (D_\mu u^T\phi^T)^* D_\nu^T\phi^T + D_\mu^T\phi^T(D_\nu^T\phi^T)^* - g_{\mu\nu}L. \quad (6)$$

Để mô tả sự phá vỡ đối xứng tự phát thuận tiện dùng hai trường vô hướng thực sau đây

$$\phi^T = \frac{1}{\sqrt{2}}(\phi_1^T + i\phi_2^T), \quad \phi^{*T} = \frac{1}{\sqrt{2}}(\phi_1^T - i\phi_2^T).$$

Các xung lượng chính tắc tương ứng với  $\phi_1^T, \phi_2^T$  trong trường hợp này bằng

$$\pi_{\phi_1}^T = \frac{1}{\sqrt{2}}(\dot{\phi}_1^T - eA_0^T \phi_2^T),$$

$$\pi_{\phi_2}^T = \frac{1}{\sqrt{2}}(\dot{\phi}_2^T - eA_0^T \phi_1^T).$$

Lagrangian (4) được biểu diễn qua các trường thực vô hướng (7) có dạng

$$L(x) = \frac{1}{2}F_{0i}^2(A^T) - \frac{1}{4}F_{ij}^2(A^T) - (d_\mu^T \phi_\alpha)^2 - V(\phi_\alpha^T).$$

Trong đó  $D_\mu^T \phi_\alpha^T$  được xác định bằng các công thức dưới đây

$$D_\mu^T \phi_1^T = \partial_\mu \phi_1^T - eA_\mu^T \phi_2^T; \quad D_\mu^T \phi_2^T = \partial_\mu \phi_2^T + eA_\mu^T \phi_1^T,$$

$$A_\mu^T = \{A_0^T = -\frac{1}{\partial^2} J_0^T, \quad A_i^T = \delta_{ij}^T A_j\},$$

$$J_0^T = e[\pi_{\phi_1}^T \phi_2 - \pi_{\phi_2}^T \phi_1].$$

Hamiltonian của hệ có dạng

$$H = T_{00} = \frac{1}{2}[(\dot{A}_i^T)^2 + \frac{1}{2}F_{ij}^2 + \pi_{\phi_1}^{T^2} + \pi_{\phi_2}^{T^2} + (\partial_1 A_0^T)^2 + \\ + (\partial_1 \phi_1^T - eA_0^T \phi_2^T)^2 + (\partial_1 \phi_2^T + eA_0^T \phi_1^T)^2] + V(\phi_\alpha^T).$$

Biểu thức tìm được để cho Hamiltonian của hệ trường  $H$  (12) đã chỉ ra rằng hàm thế có thể được đồng nhất hoàn toàn với năng lượng thế (nó được gọi là hàm thế hay thế của trường). Nếu chúng ta chọn thế  $V$  dưới dạng:

$$V = V(|\phi|^2) = \frac{\mu^2}{2}(\phi^* \phi) - \frac{f^2}{8}(\phi^* \phi)^2 = V(\phi_\alpha^T)$$

thì hệ cổ điển được mô tả bằng Lagrangian (1) cùng với dạng hiệu của thế (13) sẽ không có thái cân bằng bền  $|\phi| = 0, A_\mu = 0$ , vì những giá trị  $\phi, A$  không tương ứng với cực tiểu năng lượng của hệ. Trạng thái bền của hệ trường tương ứng với việc hình thành trong toàn bộ không gian trường không đổi

$$\phi_1^2 + \phi_2^2 = 2\mu^2/f^2 \quad \text{và} \quad A_\mu = 0.$$

Phép chuyển sang lý thuyết lượng tử được thực hiện tương tự như trong trường hợp lý thuyết điện động lực học vô hướng [7], (đồng thời lưu ý việc thay các biến số phức  $\phi^*, \phi$  bằng các biểu thức  $\phi_r, r = 1, 2$ ). Các hệ thức giao hoán ở đây là:

$$i[E_i^T(\vec{x}, t), A_j^T(\vec{y}, t)] = \delta_{ij}^T \delta^3(\vec{x} - \vec{y})$$

$$i[\pi_{\phi_r}^T(\vec{x}, t), \phi_r^T(\vec{y}, t)] = \delta^3(\vec{x} - \vec{y})$$

Sự khác biệt với điện động lực học vô hướng chỉ ở chỗ giá trị trung bình của  $\phi_r^T, r = 1, 2$  theo chân không không triệt tiêu

$$\langle 0 | \phi_1^{T^2} + \phi_2^{T^2} | 0 \rangle = 2\mu^2 / f^2. \quad (15)$$

Trong trường hợp này trạng thái chân không tương ứng với giá trị cực tiểu của hệ trường bậc suy biến là vô tận. Vì vậy việc chọn một trong những trạng thái này là ngẫu nhiên và ví dụ không mất tính tổng quát ta có thể đặt

$$\langle 0 | \phi_1^T | 0 \rangle = \sqrt{2} \frac{\mu}{f} = \frac{M}{f}, \quad \langle 0 | \phi_2^T | 0 \rangle = 0. \quad (16)$$

Ồ ràng là sau khi chọn trạng thái chân không (16) thì sự đối xứng của lý thuyết giữa các phần  $\phi_1^T$  và  $\phi_2^T$  bị tự phá vỡ.

Ách mô tả lượng tử của hệ tương ứng với việc lượng tử hóa các dao động của nó quanh cân bằng. Vì vậy để mô tả đúng đắn ta phải định nghĩa lại các trường  $\phi_r$ ,  $r = 1, 2$  đối với không mới (16) như sau:

$$\Phi_1 = \phi_1^T - \sqrt{2} \frac{\mu}{f}, \quad \Phi_2 = \phi_2^T \quad (17)$$

ao cho

$$\langle 0 | \Phi_1 | 0 \rangle = \langle 0 | \Phi_2 | 0 \rangle = 0. \quad (18)$$

au khi chuyển đổi các biến số mới các trường (17) biểu thức để cho Hamiltonien (12) có dạng

$$\begin{aligned} H = & \frac{1}{2} E_i^T + \frac{1}{2} (\partial_i A_j^T)^2 + \frac{1}{2} M^2 A_i^T + \frac{1}{2} \pi_{\phi_1}^2 + \frac{1}{2} (\partial_i \Phi_1 - e A_i^T \phi_2)^2 + \\ & + \frac{1}{2} \mu^2 \phi_1^2 + \frac{1}{2} \pi_{\phi_2}^2 + \frac{1}{2} (\partial_i \Phi_2 + e A_i^T \phi_1)^2 + e M A_i^T \phi_1^2 + \\ & + \frac{1}{4} f \mu \phi_1 (\phi_1^2 + \phi_2^2) - \frac{1}{2} A_0^T \partial_1^2 A_0^T + \frac{f^2}{32} (\phi_1^2 + \phi_2^2)^2. \end{aligned} \quad (19)$$

đây ta bỏ số hạng không đổi  $\mu^4 / f^2$ , còn các xung lượng chính tắc  $E_i^T$ ,  $\pi_{\phi_1}$ ,  $\pi_{\phi_2}$  được xác định các công thức sau đây

$$\begin{aligned} E_1^T &= A_1^T, \\ \pi_{\phi_1} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (\phi_1 - e A_0^T \phi_2), \\ \pi_{\phi_2} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (\phi_2 + e A_0^T \phi_1) + \frac{1}{\sqrt{2}} M A_0^T. \end{aligned} \quad (20)$$

Trong các công thức (19), (20)  $A_0^T$  không phải là các biến số độc lập, nó được biểu diễn qua biến số khác đặc trưng cho hệ trường

$$A_0^T = \frac{M \pi_{\phi_2}}{\delta^2} - \frac{1}{\delta^2} \tilde{J}_0^T, \quad \tilde{J}_0^T = e [\pi_{\phi_1} \phi_2 - \pi_{\phi_2} \phi_1].$$

thay dụng các biến số mới

$$E_3 = \sqrt{1 - \frac{M^2}{\delta^2}} \pi_{\phi_2}^T, \quad A_3 = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{M^2}{\delta^2}}} \phi_2$$

ta viết lại Hamiltonien dưới dạng (19)

$$\begin{aligned}
H = & \frac{1}{2} E_1^T + \frac{1}{2} (\partial_i A_j^T)^2 + \frac{M^2}{2} A_i^T + \frac{1}{2} E_3^2 + \frac{1}{2} (\partial_i A_3)^2 + \frac{M^2}{2} A_3^2 + \frac{1}{2} \pi_{\phi_1}^2 + \\
& + \frac{1}{2} [\partial_1 \phi_1 - e A_1^T \sqrt{\frac{\partial^2 - M^2}{\partial^2}} A_3]^2 + \frac{\mu^2}{2} \phi_1^2 + e^2 M^2 A_1^T \phi_1 + \frac{1}{2} e^2 A_1^T \phi_1^2 + \\
& + \frac{1}{4} f \mu \phi_1 x [\phi_1^2 + (\sqrt{\frac{\partial^2 - M^2}{\partial^2}} A_3)^2] + \frac{f^2}{32} [\phi_1^2 + (\sqrt{\frac{\partial^2 - M^2}{\partial^2}} A_3)^2]^2 + \\
& + \sqrt{\frac{\partial^2}{\partial^2 - M^2}} E_3 \frac{M}{\partial^2} J_0^T - \frac{1}{2} J_0^T \frac{1}{\partial^2} J_0^T, \\
J_0^T = & e [\pi_{\phi_1}^T (\sqrt{\frac{\partial^2 - M^2}{\partial^2}} A_3) - (\sqrt{\frac{\partial^2}{\partial^2 - M^2}} E_3) \phi_1],
\end{aligned}$$

Sau khi xảy ra sự phá vỡ đối xứng tự phát, Hamiltonien của hệ mô tả trường thực vô hướng  $\phi_1$  cùng với khối lượng  $\mu$  và trường vectơ khối lượng cùng với khối lượng  $M = 2\sqrt{2}\mu/f$ .

Tất cả các tương tác phi tuyến của những trường này ( $\phi_1^3, \phi_1 A_1^T, \phi_1^2 A_1^T$ ) là chuẩn hóa.

Chúng ta thấy rằng do sự phá vỡ đối xứng tự phát đã xảy ra sự phân bố lại các trường trong hai trường thực  $\phi_2$  tạo nên trường vô hướng phức đã được biến đổi thành thành phần của trường vectơ. Hạt tương ứng đã biến photon hai thành phần Maxwell thành hạt khối lượng boson ba thành phần.

Trong hình thức luận này, các trạng thái của hạt vectơ cùng với độ xoắn  $\pm 1$  được mô tả bởi các trường  $A_i^T$  cùng với hàm Green tự do trong không gian xung lượng.

$$D_{ij}^T(q) = \frac{1}{q^2 - M^2} (\delta_{ij} - q_i \frac{1}{q^2} q_j).$$

Các trạng thái của hạt vectơ cùng với độ xoắn không (thành phần dọc) được mô tả bởi trường  $\phi_2$  (hay  $A_3$ ) mà hàm Green là

$$D_3 = \frac{1}{q^2 - M^2} (1 + \frac{M^2}{q^2}).$$

Cuối cùng là hạt vô hướng cùng với khối lượng  $M$  được mô tả bằng trường  $\phi_1$  có dạng Green như sau

$$D_3(q) = \frac{1}{q^2 - M^2}.$$

Nhìn vào các công thức để cho các hàm Green ta thấy được là bậc phân kỳ của các giản Feynman không tăng lên khi tăng bậc của lý thuyết nhiễu loạn.

Như vậy, khi có sự phá vỡ đối xứng định xứ tự phát trong mô hình này các hạt Goldstone ở đây không xuất hiện, điều này thấy được từ các lập luận ở trên, hạt này đã thành thành phần dọc của hạt vectơ và ở đây trường chuẩn vectơ có khối lượng.

Về định lý Goldstone trong mô hình Higgs ở chuẩn Coulomb thì trong các tài liệu khoa học [2] đã có quan niệm cho rằng nguyên nhân vi phạm định lý Goldstone là sự không có tính bất biến Lorentz của lý thuyết trong chuẩn Coulomb.

Chúng ta đã chứng minh [7] là sơ đồ lượng tử hóa tối thiểu khi sử dụng các biến số vô hướng bất biến cho các trường không định xứ và các hệ thức giao hoán không định xứ là một sơ đồ lượng tử hóa chính tắc hợp biến.

ong phương pháp của chúng tôi dựa trên việc giải tường minh phương trình liên hệ và các  
định xứ ta thấy được rõ nguyên nhân vật lý của sự vi phạm định lý Goldstone. Nguyên  
lý này là tính không định xứ của các hệ thức giao hoán - Sự không định xứ đã vi phạm  
điều kiện của định lý Goldstone [8].

Chúng tôi xin bày tỏ lòng kính trọng và cảm ơn Giáo sư Trần Hữu Phát, Giáo sư Đinh Văn Hoàng, Đoàn Nhật  
Nguyễn Xuân Hân đã đóng góp nhiều ý kiến quý báu cho công trình này.

## TÀI LIỆU THAM KHẢO

- Soft G. Nucl. Phys. 835, 167 (1971).  
Arnstein J. Rev. Mod. Phys. 155, 1554 (1967).  
Geng T. P., Li T. P. Gauge Theory of Elementary Particle Physics, Clarendon Press - Oxford  
1984.  
Nguyen Xuan Han, Pervushin V. Modern Physics Lettes A. 2, 367 (1987).  
Nguyen Xuan Han, Pervushin V. Fortschritte der Physik 8, 614 (1989).  
Geggs P. Phys. Lett, 12, 132 (1964);  
Phys. Rev. 145, 1156 (1966).  
Trần Công Dung, Nguyễn Xuân Hân, Tạp chí Khoa học ĐHTH Hà Nội, N. 3, 4, (1990).  
Foster D., Robinson D. W., Swieca A. Comm. math.2, 108 (1966).

*Trần Công Dung*

## MINIMAL QUANTIZATION OF THE SPONTANEOUS SYMMETRY BREAKING MODEL HIGGS

The spontaneous symmetry breaking model Higgs in framework of minimal quantization is studied. It  
is shown that the physical reason for violation of the Goldstone theorem is the nonlocality of commutation  
relations which breaks one of the conditions of the Goldstone theorem.

Đề tài nghiên cứu thuộc đề án VLLT - ĐHTH Hà Nội